

Temos uma progressão geométrica de razão 6:

Passo 0: A primeira pessoa:  $6^0 = 1$ , a soma é:  $S = 6^0 = 1$ .

Passo 1: A pessoa enviou para 6 pessoas:  $6^1 = 6$ , a soma é:  $S = 6^0 + 6^1 = 1 + 6 = 7$ .

Passo 2: Cada uma das 6 pessoas que receberam enviaram para 6 pessoas:  $6 * 6 = 36$ , a soma é:  $S = 6^0 + 6^1 + 6^2 = 1 + 6 + 36 = 43$ .

Passo 3: Cada uma das 36 pessoas que receberam enviaram para 6 pessoas:  $(36) * 6 = (6^2) * 6 = 6^3 = 216$ , a soma é:  $S = 6^0 + 6^1 + 6^2 + 6^3 = 259$ .

Passo 4: Cada uma das 216 pessoas que receberam enviaram para 6 pessoas:  $(216) * 6 = 6^4 = 1296$ , a soma é:  $S = 6^0 + 6^1 + 6^2 + 6^3 + 6^4 = 1555$ .

⋮

Então, temos:

$$6^0 + 6^1 + 6^2 + 6^3 + 6^4 + \dots = 184680000$$

Como a soma de uma progressão geométrica de razão  $r$  é dada por:  $S = \frac{r^{n+1} - 1}{r - 1}$ , onde  $n$  é o número de passos,

temos:

$$\frac{6^{n+1} - 1}{6 - 1} = 184680000 \Rightarrow 6^{n+1} = 5(184680000) + 1 \Rightarrow 6(6^n) = 5(184680000) + 1 \Rightarrow 6^n = \frac{5(184680000) + 1}{6} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 6^n = 153900000$$

Usando logaritmo na base 6:

$$\log_6(6^n) = \log_6(153900000) \Rightarrow n \log_6(6) = \log_6(153900000) \Rightarrow n = \log_6(153900000),$$

Mudando para logaritmo neperianos (base  $e$ ):

$$n = \frac{\ln(153900000)}{\ln(6)} \approx 10,52.$$

Portanto em 11 passos atingiríamos as 184680000 pessoas.

Claro que (supondo que todos repassassem para 6 pessoas, e 6 pessoas diferentes das que já receberam !)